



Ткаченко Кирилл Станиславович

Инженер 1-й категории

*Федерального государственного автономного
образовательного учреждения высшего образования
«Севастопольского государственного университета».*

Канторова пыль

Предлагается программная реализация построения ASCII-изображения фрактала типа «Канторовы множества» («Канторова пыль») на школьном алгоритмическом языке. Программа демонстрирует работу с основными конструкциями школьного алгоритмического языка, рекурсией и многомерными массивами. Программа может быть полезна всем, увлекающимся занимательной математикой, фракталами, для изучающих программирование и школьный алгоритмический язык.

Фракталы сегодня применяются во многих областях науки и техники. Под фракталом обычно понимается самоподобный объект [1]. Части самоподобных объектов совпадают с самими объектами. Фрактал можно рассматривать как геометрическую фигуру, но состоящую из неограниченного количества частей, поскольку каждая часть этой геометрической фигуры является исходной фигурой. В свою очередь, каждая часть геометрической фигуры также является исходной. Дальше рассмотрение происходит аналогично. На рис. 1. приведены пример фрактала [2].

Одним из исторически первых рассмотренных фракталов является Канторово¹ множество или Кан-

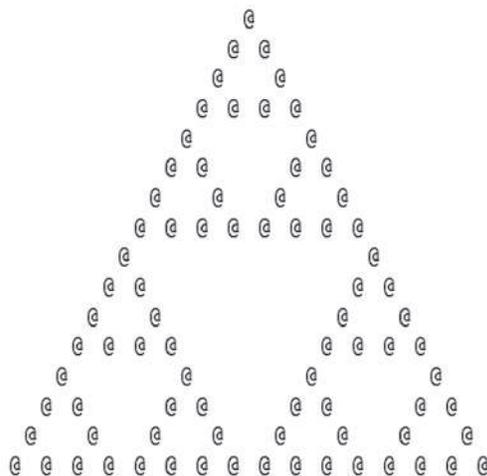


Рис.1. Фрактал
«Треугольник Серпинского»

¹ Кантор Георг (1845–1918) — немецкий математик, ученик Вейерштрасса. Наиболее известен как создатель теории множеств.

торова пыль [3, 4]. Пылью фрактал называется потому, что его части нельзя сосчитать, нельзя оценить его «плотность». Этот фрактал можно построить различными способами. В рамках изучения школьного алгоритмического языка для упрощения можно рассмотреть построение его ASCII-изображения по точкам. Для такого построения существует большее количество разработанных программ [5].

Классическим построением Канторова множества являются следующее рекурсивное. Из исходного «отрезка» удаляется внутренняя третья часть – внутренний сегмент. К первой и последней третям «отрезка» – сегментам – применяется классическое рекурсивное построение канторова множества. Полученные на всех рекурсивных этапах «отрезки» и являются канторовым множеством.

Для этого классического построения предлагается программа на школьном алгоритмическом языке. Вначале программы определяются ширина и высота фрактала в символах:

```
цел ШИРИНА = 81;
цел ВЫСОТА = 5;
```

Для хранения ASCII-изображения фрактала используется массив двумерный символов точки [0 : ВЫСОТА - 1, 0 : ШИРИНА - 1], первое измерение адресует отдельную строку изображения, второе – символ в рамках строки. Для удобства расчетов нумерация массива с нуля:

```
сим таб точки[0 : ВЫСОТА - 1,
0 : ШИРИНА - 1];
```

Вход в программу начинается с алгоритма Канторова Множество. Этот алгоритм производит инициализацию, формирование канторова

множества, затем его вывод на стандартное устройство вывода:

```
алг КантороваМножество
нач
  Инициализация;
  Кантор(0, ШИРИНА, 1);
  ВыводМножества;
кон
```

Алгоритм Инициализация производит инициализацию двумерного массива с изображением фрактала. Целочисленные переменные е, ё – счетчики циклов:

```
алг Инициализация
нач
  цел е, ё;
```

Каждая точка фрактала инициализируется звездочкой:

```
нц для е от 0 до ВЫСОТА - 1
нц для ё от 0 до ШИРИНА - 1
  точки[е, ё] := "*";
кц
```

```
кц
кон
```

Алгоритм Вывод Множества производит вывод двумерного массива с изображением фрактала на стандартное устройство вывода. Целочисленные переменные е, ё – счетчики циклов:

```
алг ВыводМножества
нач
  цел е, ё;
```

Фрактал построчно выводится на стандартное устройство вывода, строки разделяются терминатором:

```
нц для е от 0 до ВЫСОТА - 1
нц для ё от 0 до ШИРИНА - 1
  вывод точки[е, ё];
```

```
кц
вывод нс;
кц
кон
```

Алгоритм Кантор (цел начало, цел длина, цел индекс) выполняет формирование отрезка канторова

ва множества по классической рекурсивной схеме. Целочисленные аргументы используются для: начало – номер символа в строке, длина – длина отрезка, индекс – номер текущей начальной строки. Целочисленные переменные $e, \text{ё}$ – счетчики циклов, сегмент – номер сегмента отрезка, его части:

```
алг Кантор(цел начало, цел  
длина, цел индекс)  
нач  
  цел  $e, \text{ё}$ , сегмент;
```

Определяется номер сегмента отрезка:

```
сегмент := div(длина, 3);
```

Если текущая длина не кратна трем:

```
если сегмент <> 0  
то
```

Для всех строк от текущей начальной до граничной:

```
нц для  $e$  от индекс до ВЫСОТА - 1
```

По всем столбцам, принадлежащих вырезанному сегменту, точка изображения фрактала становится пробельной:

```
нц для  $\text{ё}$  от начало + сегмент до начало + 2 * сегмент - 1
```

```
  точки[ $e, \text{ё}$ ] := " ";
```

```
кц
```

```
кц
```

Классическая рекурсивная схема построения применяется к первой и к последней трети:

```
Кантор(начало, сегмент,  
индекс + 1);
```

```
Кантор(начало + 2 * сегмент, сегмент, индекс + 1);
```

```
все
```

```
кон
```

```
1  цел ШИРИНА = 81;  
2  цел ВЫСОТА = 5;  
3  
4  сим таб точки[0 : ВЫСОТА - 1, 0 : ШИРИНА - 1];  
5  
6  алг КанторовоМножество  
7  нач  
8  . Инициализация;  
9  . Кантор(0, ШИРИНА, 1);  
10 . ВыводМножества;  
11 кон  
12  
13 алг Инициализация  
14 нач  
15 . цел  $e, \text{ё}$ ;  
16 .  
17 . нц для  $e$  от 0 до ВЫСОТА - 1  
18 . . нц для  $\text{ё}$  от 0 до ШИРИНА - 1  
19 . . . точки[ $e, \text{ё}$ ] := "**";  
20 . . кц  
21 . кц  
22 кон  
23  
24 алг ВыводМножества  
25 нач  
26 . цел  $e, \text{ё}$ ;  
27 .  
28 .
```

```
*****  
*****  
***   ***   ***  
**   **   **   **  
* * * * *   * * * * *
```

Анализ Выполнено шагов: 3307

Рис. 2. Снимок экрана с результатами работы программы

Полный исходный текст программы приводится в приложении А, результаты работы программы – в приложении Б и на рис. 2.

Разработанная на школьном алгоритмическом языке программная реализация построения ASCII-изображения фрактала типа «Канторовы множества» («Канторо-

ва пыль») демонстрирует работу с основными конструкциями школьного алгоритмического языка, рекурсией и многомерными массивами. Программа может быть полезна всем, увлекающимся занимательной математикой, фракталами, для изучающих программирование и школьный алгоритмический язык.

Источники информации

1. Фрактал // Википедия. URL: <https://ru.wikipedia.org/wiki/Фрактал>(дата обращения: 05.12.2019).
2. *Ткаченко К.С.* Реализация фрактала «Треугольник Серпинского» в 1С / К.С.Ткаченко // Системный администратор. 2019. № 4 (197). С. 60–61.
3. Канторово множество // Википедия. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Канторово_множество (дата обращения: 14.11.2019).
4. Cantorset // Wikipedia. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Cantor_set (дата обращения: 14.11.2019).
5. Cantorset // RosettaCode. URL: https://rosettacode.org/wiki/Cantor_set (дата обращения: 14.11.2019).

Приложение А. Полный исходный текст программы

```
цел ШИРИНА = 81;
```

```
цел ВЫСОТА = 5;
```

```
сим таб точки[0 : ВЫСОТА - 1, 0 : ШИРИНА - 1];
```

```
алг КанторовоМножество
```

```
нач
```

```
    Инициализация;
```

```
    Кантор(0, ШИРИНА, 1);
```

```
    ВыводМножества;
```

```
кон
```

```
алг Инициализация
```

```
нач
```

```
    цел e, ё;
```

```
    нц для e от 0 до ВЫСОТА - 1
```

```
        нц для ё от 0 до ШИРИНА - 1
```

```
            точки[e, ё] := "*";
```

```
        кц
```

```
    кц
```

```
кон
```

```
алг ВыводМножества
```

```
нач
```

```
    цел e, ё;
```

```
    нц для e от 0 до ВЫСОТА - 1
```

```
        нц для ё от 0 до ШИРИНА - 1
```

```
            вывод точки[e, ё];
```

```
        кц
```

```
    вывод нс;
```

```
кц
```

```
кон
```

```
алг Кантор(цел начало, цел длина, цел индекс)
```

```
нач
```

```
    цел e, ё, сегмент;
```

```
    сегмент := div(длина, 3);
```

```
    если сегмент <> 0
```

```
        то
```

```
            нц для e от индекс до ВЫСОТА - 1
```

```
                нц для ё от начало + сегмент до начало + 2 * сегмент - 1  
                    точки[e, ё] := " ";
```

```
            кц
```

```
        кц
```

```
        Кантор(начало, сегмент, индекс + 1);
```

```
        Кантор(начало + 2 * сегмент, сегмент, индекс + 1);
```

```
    все
```

```
кон
```

Приложение Б. Результаты работы программы

```
*****  
*****  
*****  
***  ***          ***  ***          ***  ***  
* *  * *          * *  * *          * *  * *
```